

# Inhaltsverzeichnis

Vorwort .....	V
Vorbemerkung .....	XI
<b>1. Grundlagen der Verzinsung .....</b>	<b>1</b>
1.1. Antizipative/dekursive Verzinsung .....	1
1.1.1. Antizipative Verzinsung = im Vorhinein .....	1
1.1.2. Dekursive Verzinsung = im Nachhinein .....	1
1.1.3. Gegenüberstellung antizipativ – dekursiv .....	2
1.1.4. Umrechnung antizipativ – dekursiv .....	2
1.2. Kapitalisierung von Zinsen .....	3
1.3. Bestimmung der Zinstage .....	3
1.3.1. Day Count Convention (Tagezählkonvention) .....	3
1.3.2. Day Adjustment Convention .....	5
1.4. Verzinsungsarten .....	6
1.5. Referenz-Zinssätze .....	8
<b>2. Zinskurve .....</b>	<b>11</b>
2.1. Wesen .....	11
2.2. Arten von Zinskurven .....	12
<b>3. Endwert und Barwert/Aufzinsung und Abzinsung .....</b>	<b>13</b>
3.1. Endwert und Aufzinsung .....	13
3.2. Barwert und Abzinsung .....	13
3.3. Bei negativen Zinssätzen .....	15
3.3.1. Endwert .....	16
3.3.2. Barwert .....	16
<b>4. Forward Rates .....</b>	<b>17</b>
4.1. Berechnung Variante 1 .....	17
4.2. Berechnung Variante 2 .....	19
4.3. Finanzmathematische Formel .....	20
<b>5. Barwert festverzinslicher Investments .....</b>	<b>22</b>
5.1. Vorgangsweise .....	22
5.2. Einfache Lösung .....	22
5.2.1. Bei negativem Marktzinssatz .....	23
5.3. Finanzmathematische Erweiterung: Zero-Rates und Bootstrapping .....	24
5.4. Erweiterung um Risiko-Aufschlag (Credit Spread) .....	28
5.5. Zusammenfassung .....	29
5.6. Ein anderer Zugang: Rechnen mit Erwartungswerten .....	29

5.7.	Der (Kauf-)Preis eines festverzinslichen Investments .....	29
5.7.1.	„Dirty“ und „Clean“ Price .....	30
5.8.	Exkurs: Roll-Down-Effekt .....	31
5.9.	Kurs-Zins-Beziehung .....	31
5.9.1.	Sonderfälle .....	32
5.9.1.1.	Barwert eines Floater .....	32
5.9.1.2.	Barwert einer Nullkupon-Anleihe (Zero-Bond) .....	32
<b>6.</b>	<b>Renten .....</b>	<b>34</b>
6.1.	Wesen .....	34
6.1.1.	Verrentung .....	34
6.2.	Vorschüssig/Nachschüssig .....	34
6.3.	Endliche Rente (Zeitrente) .....	35
6.3.1.	Rentenendwert .....	35
6.3.2.	Rentenbarwert .....	36
6.3.2.1.	Rentenbarwertfaktoren .....	37
6.3.2.2.	Sonderfall Leibrente .....	43
6.4.	Ewige Rente .....	47
6.4.1.	Nachschüssige Ewige Rente .....	47
6.4.2.	Vorschüssige Ewige Rente .....	47
6.4.3.	Ewige Rente und Ertragswert in der Liegenschaftsbewertung .....	48
6.5.	Annuitätenfaktor .....	48
6.5.1.	Kreditannuitäten .....	49
<b>7.</b>	<b>Bindungsdauer .....</b>	<b>50</b>
7.1.	Ursprungslaufzeit .....	50
7.2.	Restlaufzeit .....	50
7.3.	Nachteil von Laufzeitkonzepten .....	50
<b>8.</b>	<b>Duration .....</b>	<b>52</b>
8.1.	Wesen .....	52
8.2.	Ein kleiner Rückblick .....	52
8.3.	Arten .....	52
8.4.	Effektive Laufzeit (Effective Maturity) .....	53
8.5.	Duration nach Macaulay .....	53
8.5.1.	Berechnung der Duration nach Macaulay .....	55
8.5.1.1.	Interpretation der Duration .....	56
8.5.2.	Einflussfaktoren der Duration .....	56
8.6.	Key Rate Duration .....	58
8.7.	Duration und Zinsänderungsrisiko .....	59
8.7.1.	Komponenten des Zinsänderungsrisikos .....	59
8.7.1.1.	Barwertrisiko .....	59
8.7.1.2.	Wiederveranlagungsrisiko .....	60

8.7.2.	Duration und Immunisierung gegen das Zinsänderungsrisiko .....	61
8.8.	Modified Duration als relatives (Zins-)Sensitivitätsmaß .....	61
8.8.1.	Aussage der Modified Duration .....	62
8.9.	Basis Point Value als absolutes (Zins-)Sensitivitätsmaß .....	63
8.10.	Duration als Analyse-Instrument .....	63
8.11.	Beobachtete Modified Duration .....	64
<b>9.</b>	<b>Konvexität .....</b>	<b>66</b>
9.1.	Wesen .....	66
9.1.1.	Grenzen der Modified Duration .....	68
9.2.	Berechnung der Konvexität (Konv bzw Conv) .....	68
9.3.	Konvexitäts-Korrekturfaktor für Modified Duration .....	69
9.4.	Konsequenzen für Analyse .....	72
<b>10.</b>	<b>Rendite .....</b>	<b>73</b>
10.1.	Credit Spread .....	73
10.2.	Ertragsdefinitionen bei festverzinslichen Investments .....	73
10.2.1.	Laufende Verzinsung (flat yield bzw current yield) ....	73
10.2.2.	Banken-/Börsenformel (Simple yield to maturity) .....	73
10.2.3.	Finanzmathematische Rendite (Yield to maturity) ....	74
10.2.3.1.	Berechnung nach ICMA (ISMA) .....	74
10.3.	Wie kommt es zu einer negativen Rendite? .....	76
10.4.	Kapital-/Wert-/Geldgewichtete Rendite (MWRR = Money Weighted Rate of Return) .....	77
10.5.	Zeitgewichtete Rendite (TWRR = Time Weighted Rate of Return) .....	77
10.5.1.	Internationaler Standard .....	78
10.6.	Vergleich MWRR und TWRR .....	78
10.6.1.	Kapital-/Wertgewichtete Rendite (MWRR) .....	79
10.6.2.	Zeitgewichtete Rendite (TWRR) .....	79
10.6.3.	Gegenüberstellung MWRR UND TWRR .....	80
<b>11.</b>	<b>Risikomasse .....</b>	<b>81</b>
11.1.	Überblick .....	81
11.2.	Volatilität .....	81
11.2.1.	Berechnung mittels Standardabweichung .....	82
11.2.2.	Interpretation der Volatilität .....	85
11.2.3.	Rechnen mit Quantilen und Standardnormal-variablen .....	87
11.2.4.	Angabe und Umrechnung der Volatilität .....	88
11.2.5.	Implizite Volatilität .....	88
11.2.6.	Volatilitäts-Indizes .....	90
11.2.7.	Absicherung gegen Volatilitätsschwankungen .....	90

11.3. Value at Risk = VaR .....	90
11.3.1. Grenzen des VaR-Konzepts .....	91
11.4. Conditional Value at Risk = CVaR – Expected Shortfall = ES ....	94
11.5. Problematik üblicher Risikomasse .....	97
11.6. Anmerkung: Zentraler Grenzwertsatz .....	97
11.7. Exkurs: Lower Partial Moments .....	97
<b>12. Korrelation .....</b>	<b>99</b>
12.1. Streudiagramme und lineare Regression .....	100
12.1.1. Lineare Regression und Bestimmtheitsmaß .....	102
12.2. Beta als Maß für das systematische Risiko .....	102
12.2.1. Unsystematisches und systematisches Risiko .....	102
12.2.2. Beta-Faktor .....	103
12.2.3. Beta und Eigenkapital-Rendite/-Kosten nach CAPM ...	104
<b>13. Exkurs: Performance-Kennzahlen .....</b>	<b>105</b>
13.1. Sharpe-Ratio .....	105
13.2. Treynor-Ratio .....	106
13.3. Zusammenfassung .....	106
<b>14. Mittelwerte und Gewichtungen .....</b>	<b>107</b>
14.1. Zeitabhängige Gewichtung und Decay-Faktoren .....	107
<b>15. Materialien .....</b>	<b>108</b>
15.1. Mittelwerte .....	108
15.1.1. Arithmetisches Mittel .....	108
15.1.2. Geometrisches Mittel .....	108
15.2. Statistische Anmerkungen zur Standardabweichung .....	108
15.3. Wahrscheinlichkeiten der Abweichungen vom Mittelwert $\sigma$ bei verschiedenen Verteilungen .....	109
15.4. Quantile der Standardnormalverteilung und Standardnormalvariable .....	110
15.5. Normalverteilung vs Fat-Tail-Verteilung .....	111
15.6. VaR – CVaR – Maximum Loss .....	111
15.7. Kaufmännisches Runden .....	112
Stichwortverzeichnis .....	113